



دراسة تأثير الشكل الهندسي لمادة التقوية على الاجهادات الداخلية للمواد المترابطة

د. علاء حسن على
الجامعة التكنولوجية- قسم هندسة المواد

(Received 17 May 2007; accepted 6 September (2007)

ملخص البحث:-

يتلخص البحث في استخدام مادة التقوية من الياف معدنية مستمرة من الفولاذ المقاوم للصدأ في مادة ذات اساس معدني (المنيوم) وقد تناولت كثير من البحوث والدراسات اهمية مادة التقوية وتركيبها في المادة الاساس من ناحية حجمها وتركيبها وتوزيعها وتأثير ذلك على الاجهادات ب مختلف انواعها مما ترکز في هذا البحث على معرفة دراسة تأثير تغيير الشكل الهندسي لمادة التقوية وتعدها على الاجهادات الداخلية وتأثيرها على متانة المركب وباستخدام طريقة العناصر المحددة بعد تعرضه الى قوة سحب معينة ومعرفة تغير الاجهادات وفقا لتغيير الشكل الهندسي لمادة التقوية.

ونسبة المقاومة الى الكثافة (strength to density ratio) بالإضافة الى مقاومتها العالية للكلال واصبحت المواد المترابطة اكثر المواد المستخدمة في صناعة الطائرات حيث دخلت متراببات (الكاربون - ايبوكسي والارميد - ايبوكسي) في صناعة عدد كبير من اجزاء الطائرات ونتيجة الخصائص الميكانيكية الجديدة للمواد المترابطة فقد ازداد الطلب عليها بشكل واسع وظهر استخدامها على هيئة صفائح تكون من عدة طبقات يكون اتجاه الالياف فيها مختلفا من طريقة الى اخرى وبنسب مختلفة وطراائق ترتيب مختلفة اعتمادا على الخصائص المطلوبة للمادة وكذلك ظهر استخدام المتراببات الهجينية الصفائحية بشكل واسع للحصول على مواد جديدة قليلة الوزن وذات متانة عالية.[2]

المقدمة:
نظرا للاستخدامات والمتطلبات الصناعية المستمرة والمتغيرة التي استخدمت فيها المعادن والسيراميك واللائئن وملحوظة المزايا والعيوب لهذه المواد فقد تم استخدام المواد المترابطة على اساس ميزاتها المتعددة وبشكل واسع في تطبيقات كثيرة تبدأ بالقوارب وتنتهي بالسفن الفضائية والاستخدامات الطبية والتي هي مزيج من نوعين او اكثر من المواد(معدن- سيراميك- معدن بوليمر- بوليمر- سيراميك) فذلك خصائص ميكانيكية فريدة تعتمد على كمية وطريقة ترتيب المكونات.[1]
ان اهم الخصائص الميكانيكية التي تميز المواد المترابطة عن المعادن هي نسبة الصلابة الى الكثافة (stiffness to density ratio)

ان التشوّه الحاصل في المتراكبات المدعمة بالالياف يعتمد على اتجاه الالياف، ففي حالة الاجهاد المنخفض فان كل من الالياف والمادة الاساس ينفعلان افعلاً مرناً وفي حالة زيادة الاجهاد فان المادة الاساس يمكن ان تتشوه تشوهاً لدنا بينما تبقى الالياف في حالة افعال من يحدث الفشل في المادة المتراكبة اما بفشل الالياف او بفشل المادة الاساس اعتماداً على مطالية كليهما [7] ويمكن ان تكون هذه المتراكبات غير متماثلة (Anisotropic) حيث ان معاملات المرنة المقاومة باتجاه الالياف تكون اعلى من تلك التي باتجاه العمودي عليها.

وعلى افتراض بأن الالياف المستخدمة احادية الاتجاه ومنتظمة وجود ترابط بين الالياف والمادة الاساس فعند تسلط حمل على المادة المتراكبة باتجاه مواز الى اتجاه الالياف فإنه سيتوزع على كل من المادة الاساس والالياف وحسب المعادلة الآتية:[8]

$$F_c = F_f + F_m \quad (1)$$

حيث ان (F_c) الحمل المسلط على المادة المركبة و(F_f) الحمل المسلط على الالياف و(F_m) الحمل المسلط على المادة الاساس. أو يمكن صياغتها بالشكل الآتي :

$$\sigma_c A_c = \sigma_f A_f + \sigma_m A_m \quad (2)$$

وبالقسمة على (A_c) فأن:-

$$\sigma_c = \sigma_f [A_f/A_c] + \sigma_m [A_m/A_c] \quad (3)$$

حيث ان

$[A_f/A_c]$ كسر المساحة للالياف

$[A_m/A_c]$ كسر المساحة للمادة الاساس

فإذا كانت الالياف ذات مقطع عرضي منتظم وذات اطوال مساوية الى طول مادة الاساس فأن كسر المساحة سوف يصبح مساوياً للكسر الحجمي لكل من الليف والمادة الاساس لذا فأن:-

$$\sigma_c = \sigma_f V_f + \sigma_m V_m \quad (4)$$

وحيث ان:

$$V_f + V_m = 1$$

اذ ستكون المعادلة(4) بالشكل الآتي :

$$\sigma_c = \sigma_f V_f + \sigma_m (1 - V_f) \quad (5)$$

وبما ان الترابط جيد بين الالياف والمادة الاساس لذا فان الانفعال سيكون في كل من الالياف

مادة التقوية(الطور الثاني)

-:(Reinforcement Material)

من المهم دراسة القواعد للطور الثاني المستخدم لتقوية الطور الاول (Matrix) مادة الاساس ويطلق على الطور الثاني بطور التقوية(Reinforcement) ويعرف على انه الطور المغمور والمتألف مع الطور الآخر. تنصف مواد التقوية بكونها ذات مقاومة ومطاطية عاليتين والتقوية تتخذ اشكالاً مختلفة منها على شكل جسيمات او طبقات او الياف.[3]

تركز هذا البحث على المواد المتراكبة المقاومة بالالياف ففي هذا النوع من المواد المتراكبة تغمر الالياف في الارضية والتي تكون اما مستمرة او غير مستمرة مرتبة او عشوائية ويجب ان تمتلك الالياف مقاومة ومعامل مرنة عاليتين لانتاج مواد ذات مقاومة عالية نسبة الى الوزن والالياف مسؤولة بشكل كبير تحسين الخواص الميكانيكية في المواد المتراكبة، فالالياف المستخدمة في تقوية المواد المتراكبة ذات الاساس البوليمرى (PMCS) هي الياف الزجاج والياف الكاربون والياف الفولاذ.[4]

ان التغير الميكانيكي لشكل الاسلاك سيحسن هذا النوع من الترابط وعادة ما تم اللجوء الى هذا التغيير عند استخدام اسلاك معدنية لتقوية مادة بوليمر او المنيوم او سيراميك وان تغيير الشكل الهندسي لهذه الاسلاك الفولاذية لشكل ومساحة المقطع والطول يؤثر على الرابط حيث ان مساحة المقطع العرضي يمكن ان تكون دائيرية او هرمية او مسطحة وان الاسلاك يمكن ان تكون ملساء او ذات نهاية تشبه الشفرة

(Round with end paddles steel wires) او ذو نهاية مسطحة ومثلومة .[5]

ان العوامل المسؤولة عن تقوية الالياف والتي يجب مراعاتها عند تصميم مواد مركبة مقاومة بالالياف تتركز في اتجاه الالياف ، نسبة الطول الى القطر ، الشكل الهندسي ومساحة المقطع العرضي للليف ، درجة الرابط بين الليف والمادة الاساس ، الكسر الحجمي للالياف ، خواص مادة الاساس والكلفة.[6]

اساسيات تكوين المواد المتراكبة (Rules of mixtures)

وقد تم تحميل المادة المترابكة لمعرفة طبيعة الاجهادات الداخلية لكل من المادة الاساس ومادة التقوية مع تغيير الشكل الهندسي وكذلك عدد وموقع الاليف في المادة الاساس وقراءة ومعرفة واستخراج قيمة الاجهادات على المادة الاساس ومادة التقوية لكل حالة وقد استخدم الرابط التام (Perfect Bounding) وذلك لسهولة استخدامها في البرنامج وكذلك بسبب صعوبة عمل ربط غير تام وفي الحقيقة ان الترابط التام في المواد المترابكة امرا لا يمكن تحقيقه بالتطبيقات العملية حيث لابد من وجود بعض الفراغات مابين المادة الاساس والاليف لذلك يؤخذ ذلك غالبا بنظر الاعتبار التغيرات بالتصميم عند التطبيقات العملية في هذا المجال.

- تم تحميل المركب في جميع انواع الدراسة والتطبيق بقوة مدار 125 نيوتن باتجاه المحور السيني (F_x) لتنم المقارنة في اختلاف قيم الاجهادات لكل حالة وكما يأتي:-
- 1- في النموذج الموضح في الشكل (1) تم تحميل المادة الاساس بدون تقوية حيث كانت النتيجة ان اقل مدار للجهاد (S_x) هو 25.7 N/mm^2 واعلى مدار هو 550 N/mm^2 بينما يمثل الشكل (2) القيم الدنيا والعليا للانفعال باتجاه X .
 - 2- تحميل المركب من المادة الاساس ومادة التقوية بنفس القوة والتي يكون فيها شكل الاليف التقوية (stainless steel) على شكل بلوك متوازي المستويات شكل (3) ويترتب عن ذلك ان اقصى اجهاد (Von-misses) عن 1750 وادنى اجهاد 98 شكل (4). اما الشكل (5) يوضح القيم الدنيا والعليا للجهاد باتجاه X والشكل (6) يمثل قيم الانفعال الدنيا والعليا بنفس الاتجاه.
 - 3- تغيير شكل مادة التقوية على هيئة بلوکات متراپطة (متوازي مستويات) شكل (7) وتحمیل المركب بنفس القوة حيث كانت النتيجة بأن الاجهاد (Von-misses) بقيمتيه الدنيا والعليا موضحة في الشكل (8) وكذلك الاجهاد باتجاه X في الشكل (9)، اما الشكل (10) قيم النفعال التي تعرض لها المركب.

والمادة الاساس وبالتالي مساواة للمادة المركبة وتعرف هذه الحالة بحالة تساوي الانفعال (Iso-strain) حيث:

$$\epsilon_c = \epsilon_f = \epsilon_m \quad (6)$$

حيث ان (ϵ_c) انفعال المادة المترابكة
 (ϵ_f) انفعال الاليف
 (ϵ_m) انفعال المادة الاساس
 وبما أن $\sigma = E\epsilon$
 حيث يمكن التعبير عن المعادلة (7) بالصيغة التالية:-

$$E_c \epsilon_c = E_f \epsilon_f V_f + E_m \epsilon_m (1 - V_f) \quad (7)$$

حيث ان E معامل المرنة
 $V_m = 1 - V_f$
 وبمانع المعادلة (7) يتم:-

$$E_c = E_f V_f + E_m V_m \quad (8)$$

ويطلق على المعادلة (8) بقاعدة الخلط (Rule Of Mixture) وتستخدم لايجاد معامل المرنة للمادة المترابكة ولايجاد الكثافة وكذلك تستخدم لايجاد خواص اخرى مثل المقاومة والتوصيل الحراري والكهربائي باتجاه الاليف.

التمثيل بالحاسوب:-

تم بناء النموذج وفق برنامج تحليل الاجهادات (Ansys5.4) وتم بناء المركب المترابكة ذات اساس المنيوم ومادة التقوية المستخدمة الاليف مستمرة من الفولاذ المقاوم للصدأ وبالخواص والقيم التالية بالنسبة للمادة الاساس (الالمنيوم):-

Modules Of Elasticity $E=70000 N/mm^2$
Possion's Ratio $\nu = 0.32$
Coefficient of thermal Expansion $= 23E-6$
Thermal Conductivity $= 0.18$

اما بالنسبة لمادة التقوية (stainless steel) فأخذت القيم الآتية:-

Modules of Elastic $E=200000 N/ mm^2$
Possion's ratio $\nu = 0.29$
Coefficient of thermal Expansion $= 11E-6$
Thermal Conductivity $= 0.051$

مادة الأساس بقيمة 0.0049 وهو أقل قيمة من الحالة الأولى
 عند تغير الشكل الهندسي لمادة التقوية شكل (7) نجد أن الأجهادات (Von-misses) قد قلت بشكل ملحوظ على مادة الأساس وأنحصر الأجهاد العالي على مادة الليف شكل (8)، وهذا ما نلاحظه أيضاً في الشكل (9) للأجهادات باتجاه (X) وكذلك الأنفعالات بالشكل (10) وعند تغير الشكل الهندسي لمادة الليف (التفوية) في الشكل (11) نرى أن الأجهاد قد قل بشكل ملحوظ على كل من مادة الأساس ومادة التقوية حيث بلغت على مادة الأساس 5568 وفي مناطق كثيرة من مادة الأساس تراوحت من 2.2 لغاية 616 شكل (12) وكذلك الأجهادات باتجاه (X) في الشكل (13) وهذا ما ينطبق عن اختلاف قيم الأنفعالات في الشكل (14) عن قيمتها في الشكل (10) في الخطوة السابقة.

في الخطوة الأخيرة التي تم استخدام تعدد الألياف مع اختلاف الشكل الهندسي لها شكل (15) فقد كانت النتيجة بعد التحميل شكل (16) تغير ملحوظ في قيم الأجهادات والتي بلغ أعلاها 5218 على منطقة ضيق في مادة الليف التي تحملت أقصى الأجهادات بينما نرمان مادة الأساس قد قل الأجهاد فيها وترأوحت قيم الأجهاد من 2.2 ولغاية 579 وفي مناطق متفرقة في المركب والشكل (17) الذي يوضح الأجهاد باتجاه X حيث ان قيمته تراوحت على مادة الأساس بين 2.2 و 19 - (اتجاه معاكس)، بينما تركزت الأجهادات العالية على مادة الليف وبمناطق ضيقة جداً، والشكل (18) يوضح ان الأنفعالات قد اختلفت قيمها ايضاً عن الشكل (14) في الخطوة التي سبقتها.

من كل ما ورد أعلاه يتضح لنا بأن لتغير الشكل الهندسي لمادة التقوية وكذلك تعددها داخل مادة الأساس تأثير كبير على اختلاف قيم الأجهادات وأنفعالات وهذا ما يعطي أمكانية كبيرة عند أعداد التصاميم للمواد المركبة وأغراض عديدة حسب استخداماتها.

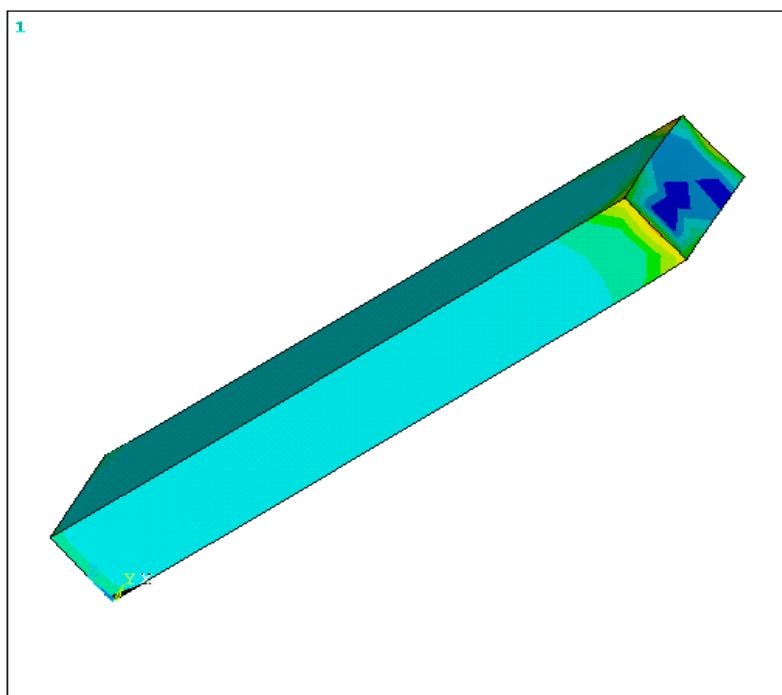
4- تحمل المادة المركبة مع اختلاف الشكل الهندسي عن الخطوة (3) بزيادة عدد البلوكات المترابطة على شكل متوازي مستويات شكل (11) حيث كانت قيمة الأجهادات (Von-misses) 22,5546 كأعلى وأقل أجهاد شكل (12). أما الأجهاد باتجاه X فيوضح لنا الشكل (13) هذه القيم، والشكل (11) يوضح قيم الانفعال باتجاه X أيضاً.

5- في هذه الخطوة تم استخدام مادتي التقوية باختلاف الشكل الهندسي لكل منها الشكل (15)، وتم تحمل المركب وكانت النتيجة لا على وأقل أجهاد (Von-misses) موضح بالشكل (16)، أما الشكلين (17) و(18) يوضحان قيم كل من الأجهاد والانفعال باتجاه X على التوالي.

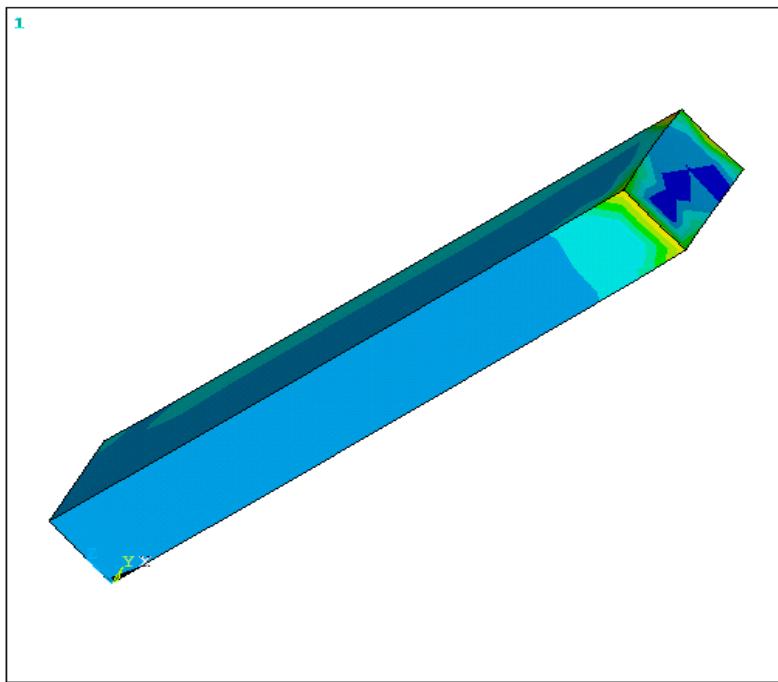
المناقشة والاستنتاجات:-

في البداية وكما وضمنا سابقاً ولغرض مقارنة تأثير الشكل الهندسي لمادة التقوية وتعددتها على الأجهادات داخل المركب، تم تحمل مادة الأساس بدون تقوية والموضحة بالشكل (1) لغرض المقارنة بالقيم المستحصلة من الأجهادات عند استخدام مادة التقوية في المركب بوجود مادة التقوية لذا نرى بأن أعلى قيمة للأجهاد باتجاه X بلغت 551 N/mm² وفي منطقة ضيق جداً على حافة مادة الأساس وبأنفعالات بلغت أعلاها 0.006 وبنفس المنطقة الموضحة في الشكل (2).

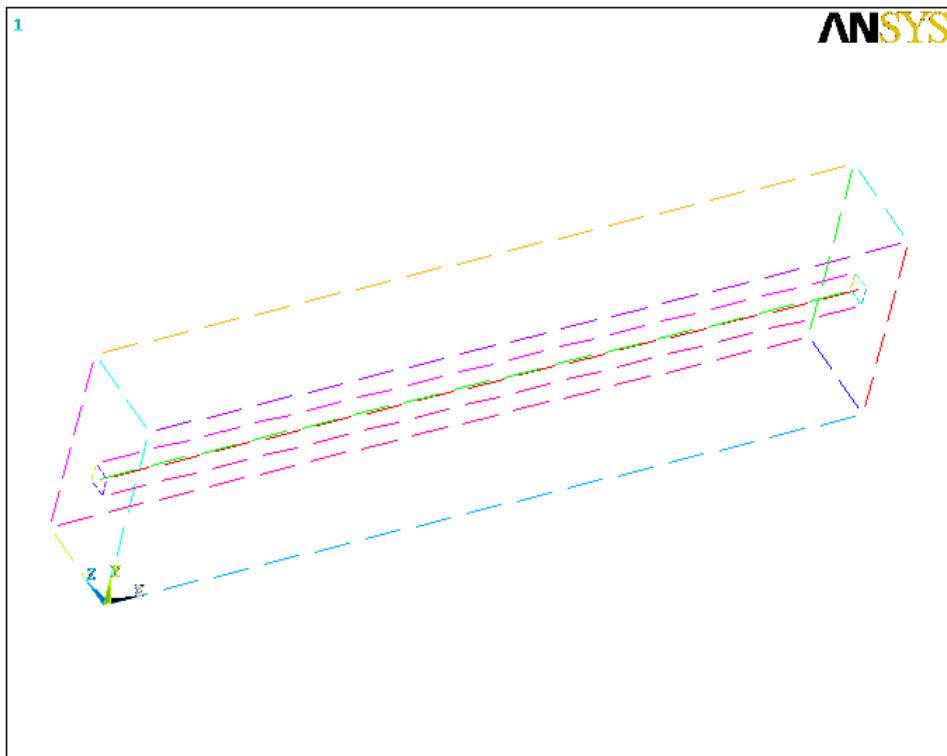
في المادة المركبة المحتوية لمادة التقوية بالشكل (3) تم تحمل المركب في الشكل (4) لنجد أن أعلى قيمة للأجهادات كانت 1750 N/mm² ومتركزة على مادة التقوية أما مادة الأساس فكانت تتعرض لأجهاد أقل بكثير من ذلك وبقيمة 98 N/mm² بينما في الحالة الأولى بدون تقوية كانت 551 N/mm² عتى المادة الأساسية مما يدل على أن مادة التقوية (الليف) قد تحمل أعلى الأجهادات ، وهذا ينطبق أيضاً على الأجهادات باتجاه X في الشكل (5) بالنسبة لمادة التقوية ومادة الأساس وكذلك الأنفعال الذي بلغ في الشكل (6) على



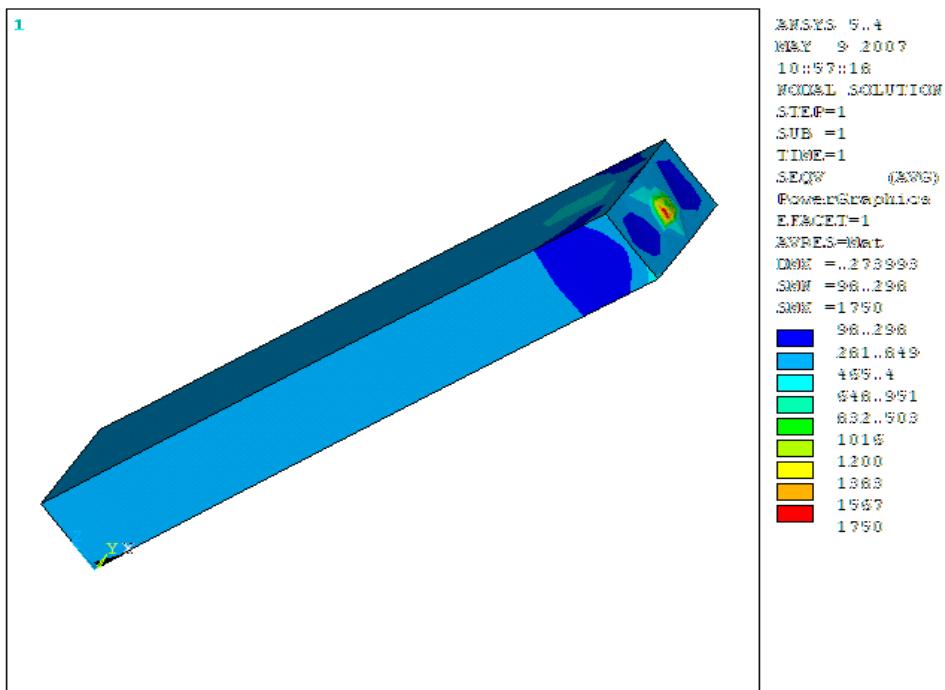
شكل (1)



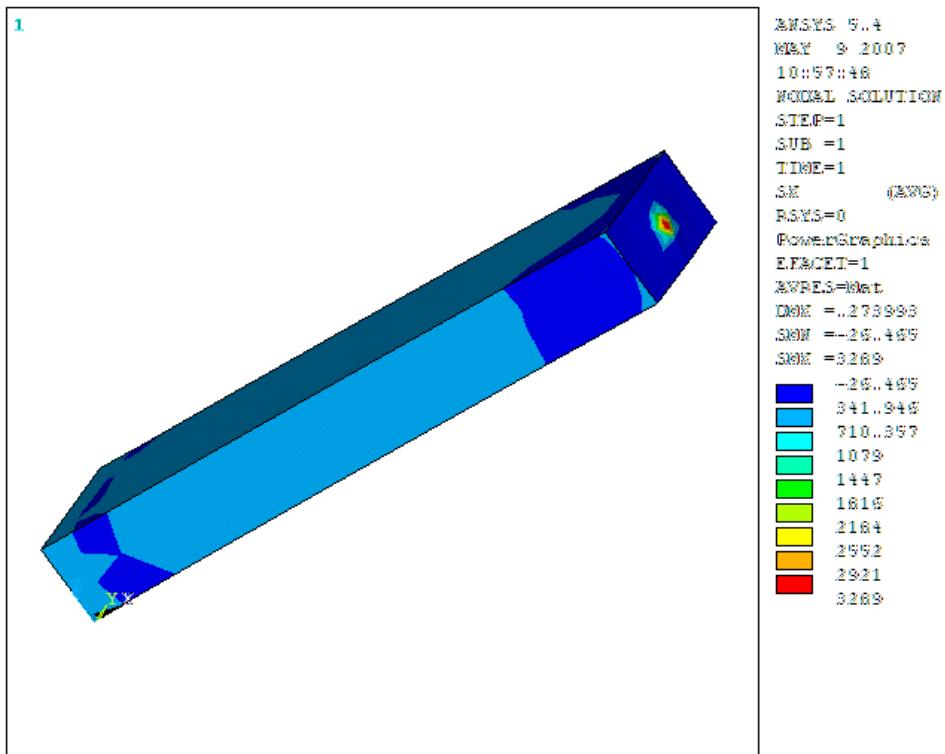
شكل (2)



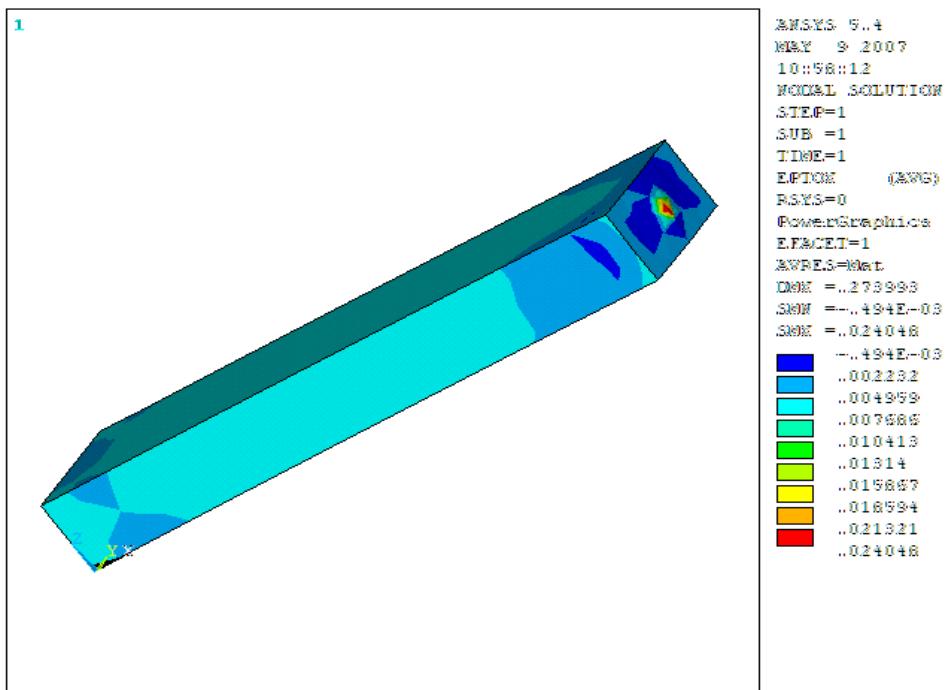
شكل (3)



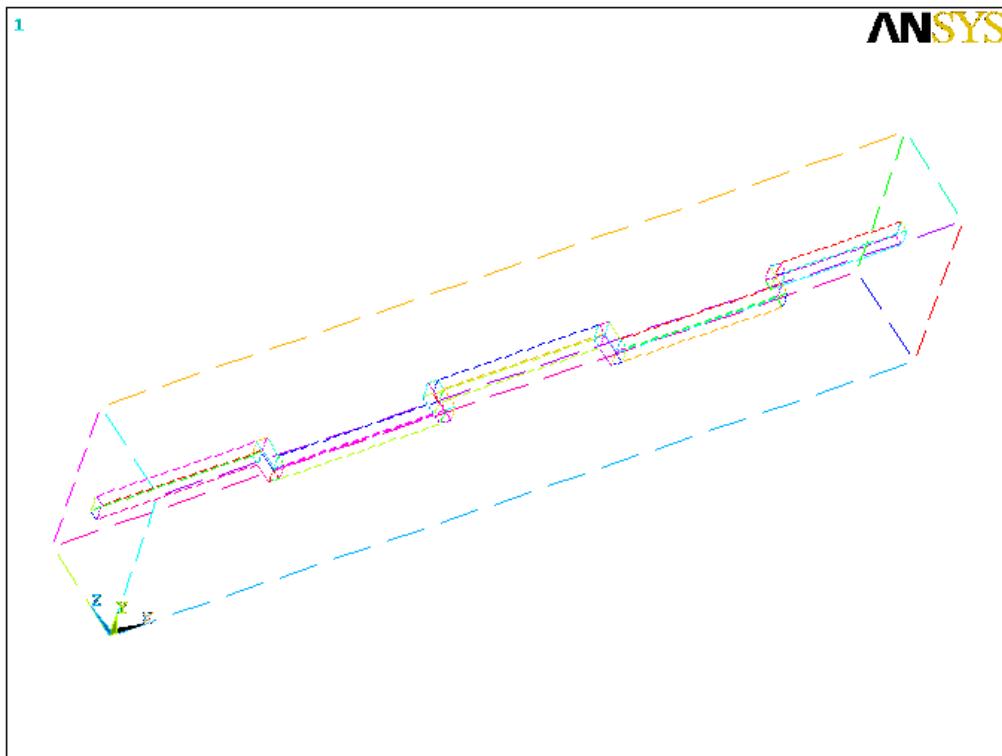
شكل (4)



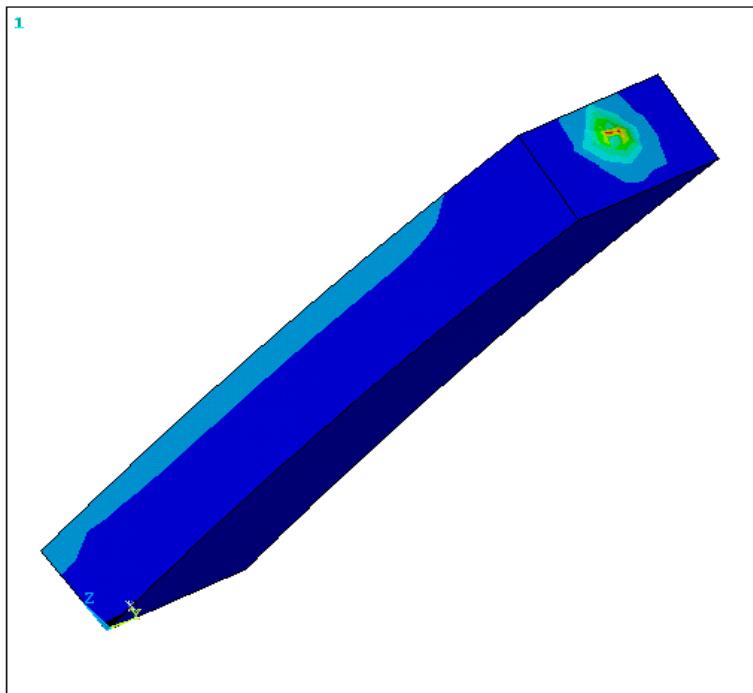
شكل (5)



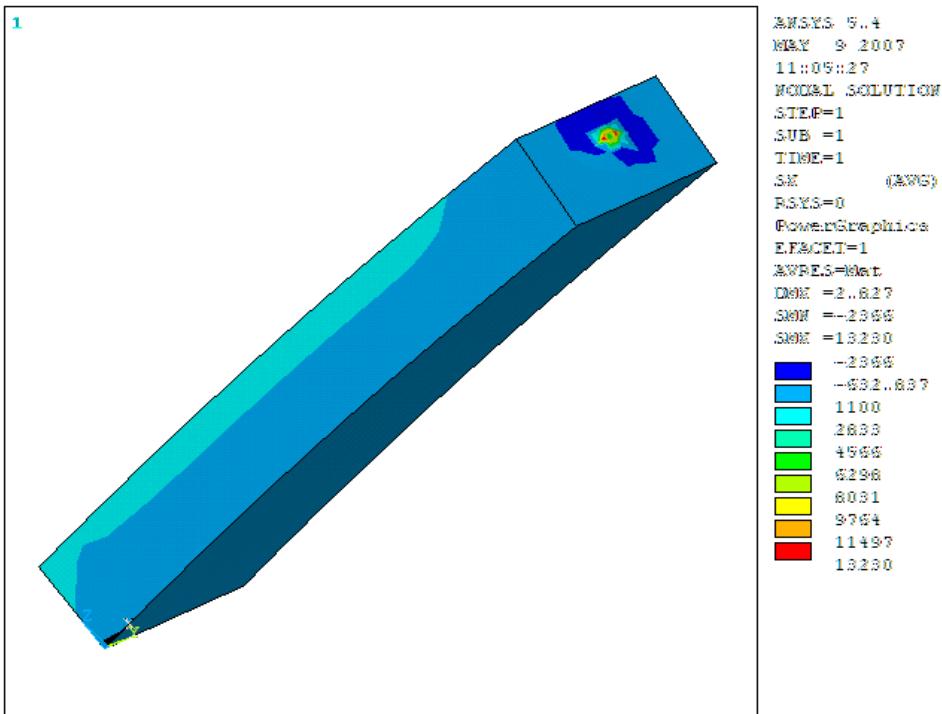
شكل (6)



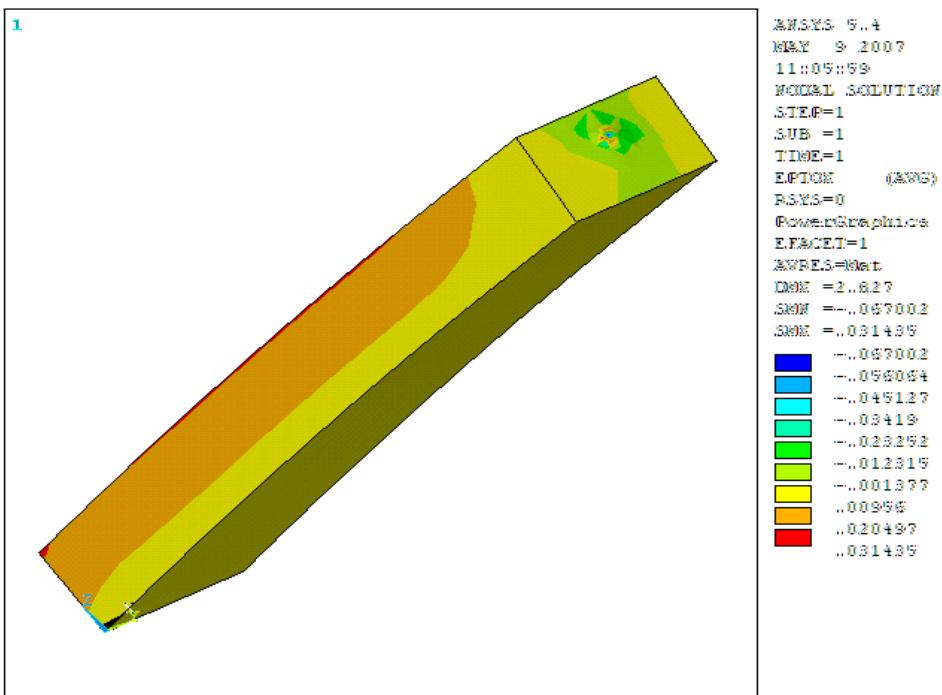
شكل (7)



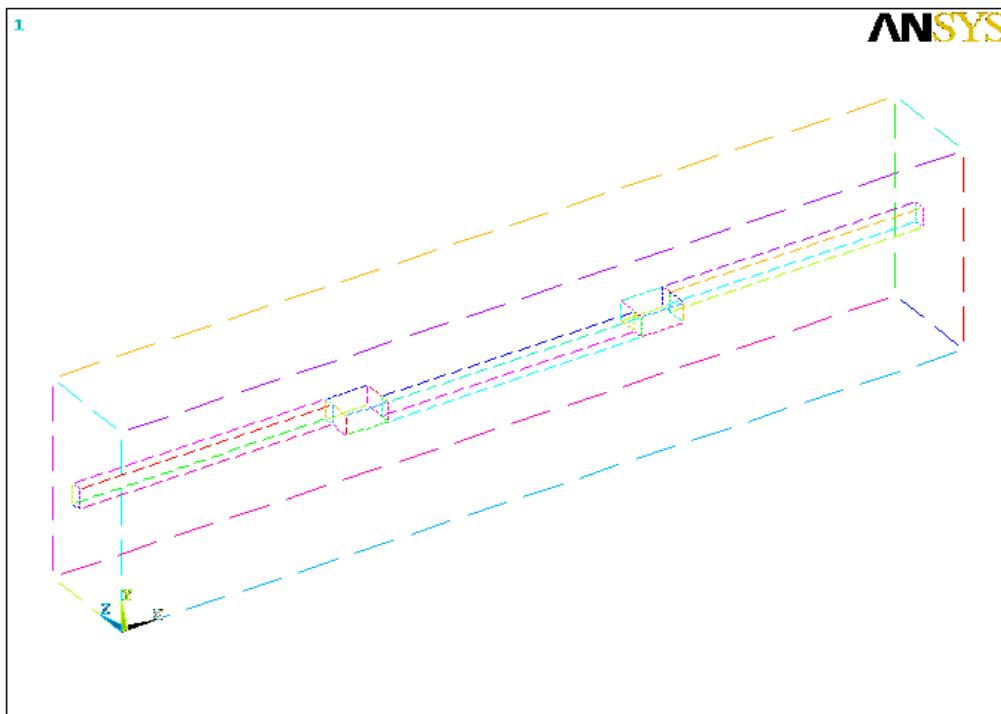
شكل (8)



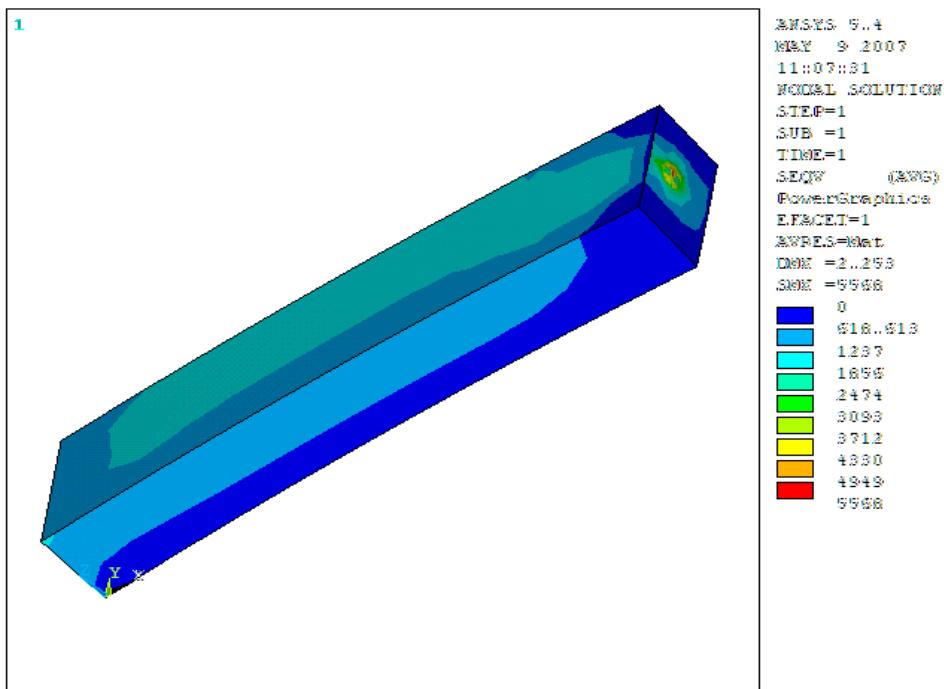
شكل (9)



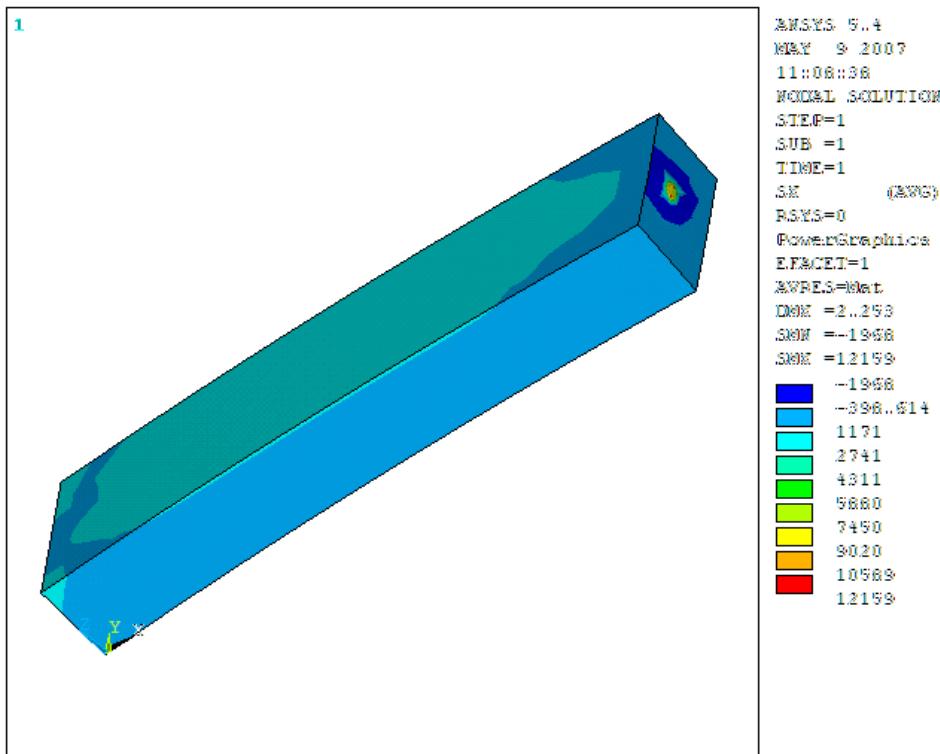
شكل (10)



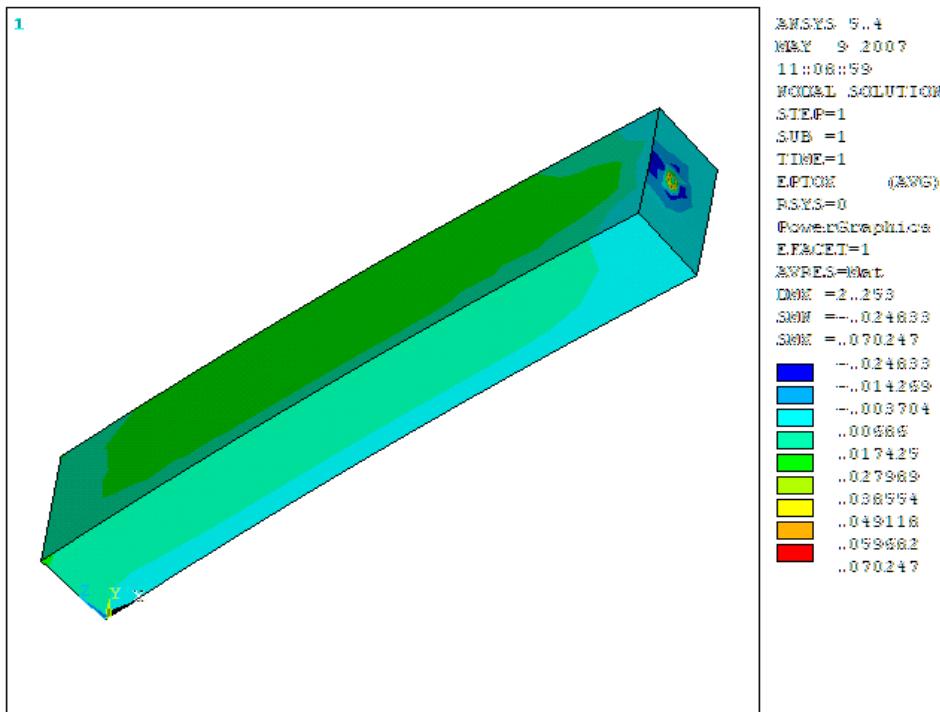
شكل (11)



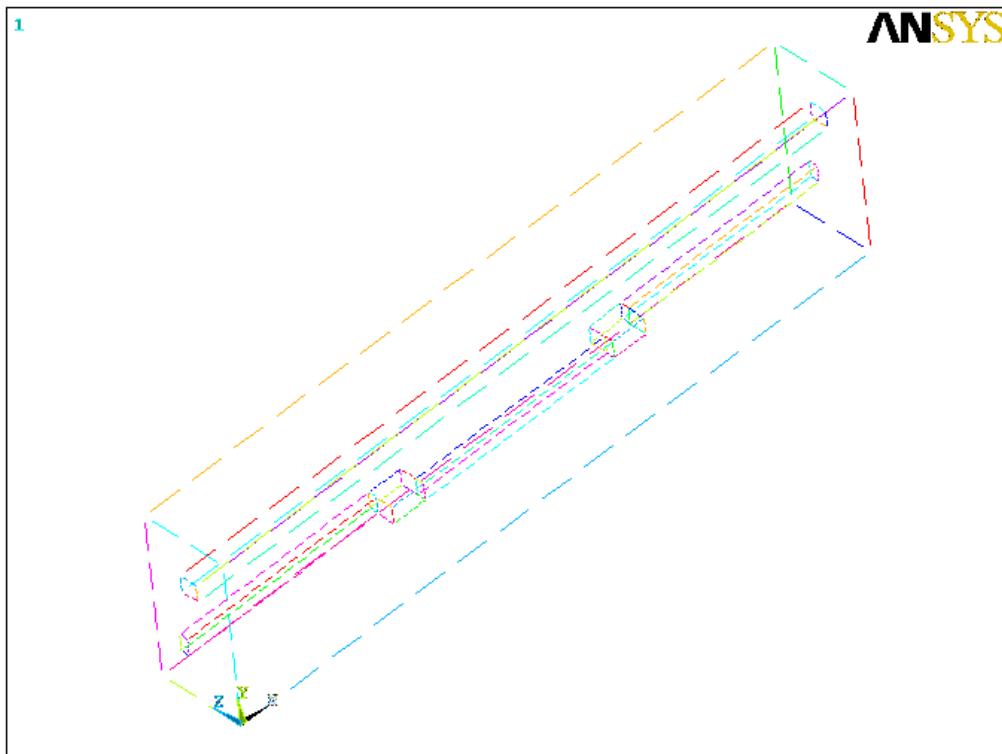
شكل (12)



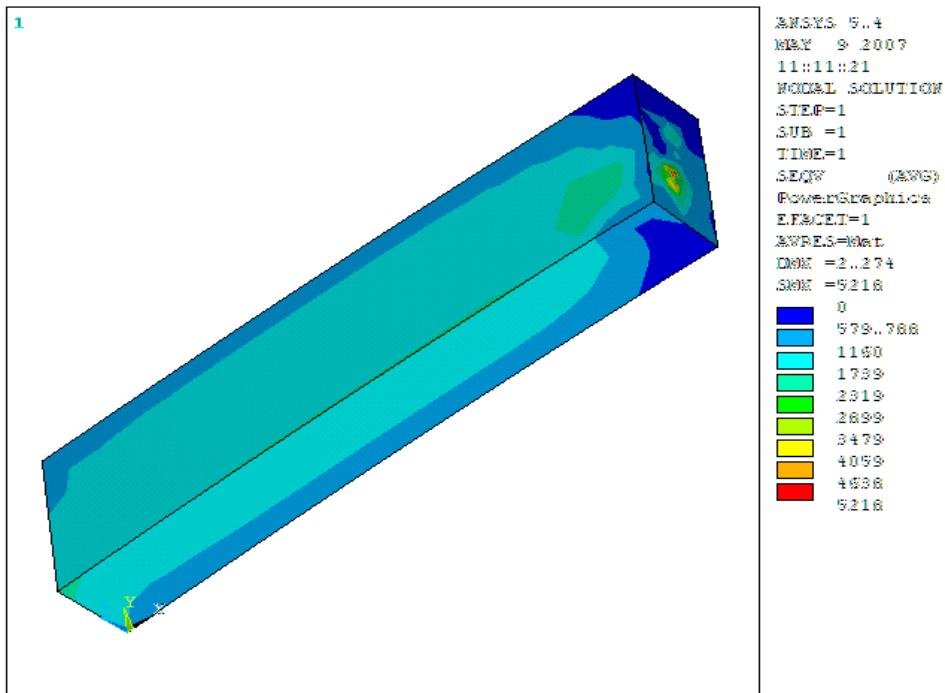
شكل (13)



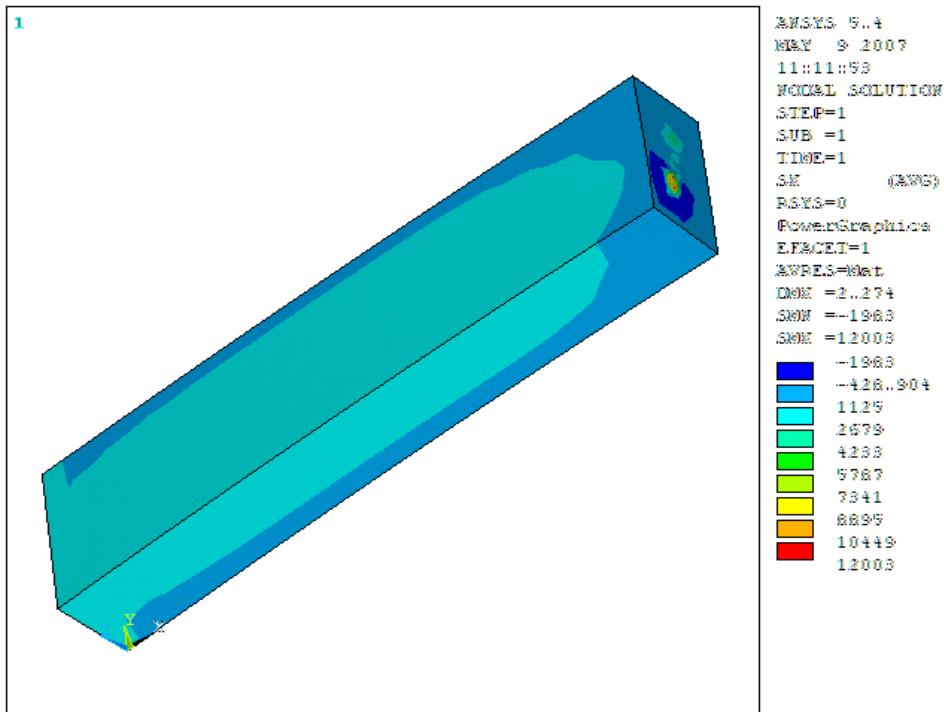
شكل (14)



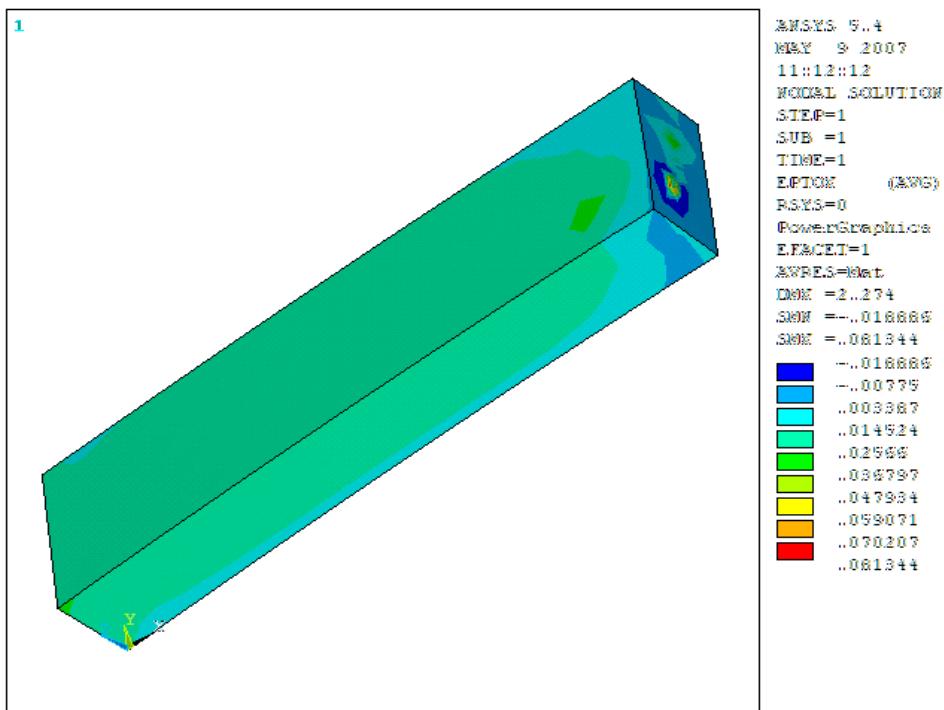
شكل (15)



شكل (16)



شكل (17)



شكل (18)

الرموز والمصطلحات المستخدمة:-

poission's ratio	v	الانفعال باتجاه X	ϵ_x
الكسر الحجمي للمادة الاساس	Vm	الانفعال باتجاه y	ϵ_y
الكسر الحجمي للالياف	Vf	الانفعال للالياف	ϵ_f
الحمل المسلط على المادة المركبة	Fc	الانفعال للمادة الاساس	ϵ_m
الحمل المسلط على الالياف	Ff	معامل المرونة	E
الحمل المسلط على المادة الاساس	Fm	معامل المرونة للمادة الاساس	E_m
الاجهاد الذي تتعرض له المادة المركبة	σ_c	القوة المسلطية باتجاه المحور السيني	F_x
الاجهاد الذي تتعرض له الالياف	σ_f	الاجهاد	σ
الاجهاد الذي تتعرض له المادة الاساس	σ_m		

References:-

1. B. raymound,Seymonr," Polymeric Composite" , alden press, London, 1990.
- 2 .Marc Andre Meyers & Krishan Kumar Chawla, " Mechanical Behavior of Material, Prentice-Hall , Inc . 1999.
3. Mikell P. Groover, "Fundamentals of Modern Manufacturing "Prentice-Hall, Upper Saddle River, New Jersey 1996.
4. Robert M. Joues ,” Mechanics of Composite Materials” Scripta Book Company, Washington D.C., 1975.
5. Leslie Holliday," Composite Materials "Applied Science Publisher LTD, London 1978.
6. Derek Hull, "An Introduction to composite material ", Cambridge University , press, 1981.
7. W. Bolton,"Engineering Materials Technology" third edition a member of Reed Elsevier group, 1998.
8. Dr.Askeland & P. P. Phule , " The Science & Engineering of Materials"4th ed., (2003)
9. W.D.Callister,Jr.,"Materials Science and Engineering An Introduction" 6th ed., John Wiely and Sons,Inc. 2003.

Study the influence of the reinforced material geometrical shape on the internal stresses in the composite materials

Dr. Alaa H. Ali

*Material Engineering Dept
University of Technology*

Abstract:

In this paper the reinforced materials manufactured from steel continues fibers are used in Aluminum matrix to build a composite material. Most of researches concentrated on reinforced materials and its position in the matrix according to its size and distribution, and their effects on the magnitude of different kinds of the stresses, so this paper presents and concentrate on the geometrical shape of reinforced material and its effects on the internal stresses and strains on the composite strength using FEM as a method for analysis after loaded by certain force showing the deference magnitudes of stresses according to the different geometrical shapes of reinforced materials.